

**МИНИСТЕРСТВО НА ОБРАЗОВАНИЕТО И НАУКАТА  
КОМИСИЯ ПО ПРОВЕЖДАНЕТО НА IX НАЦИОНАЛНА ОЛИМПИАДА  
ПО АСТРОНОМИЯ**

---

**IV КРЪГ**  
**15 юли 2006 г., гр. Стара Загора**

**Ученици младша възраст**

**Практическа задача**

Двойнствеността на спектрално двойните звезди се установява чрез спектрални наблюдения. В таблицата са дадени данни за лъчевите скорости на компонентите на спектрално двойната звездна система  $p$  от *Корабни платна*.

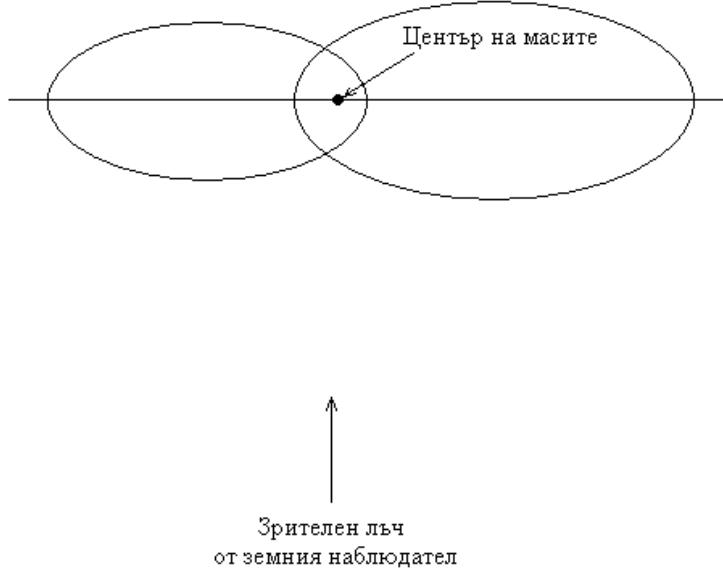
Изследвайки кривата на лъчевите скорости, покажете приблизително как са ориентирани орбитите на компонентите ѝ спрямо наблюдател на Земята, като приемете, че зрителният лъч лежи в орбиталната равнина. Изчислете отношението на масите на двете компоненти.

No	T	V <sub>1</sub> , km/s	V <sub>2</sub> , km/s	No	T	V <sub>1</sub> , km/s	V <sub>2</sub> , km/s
1	0 <sup>d</sup> 00.0 <sup>h</sup>	23.1	13.2	11	3 <sup>d</sup> 18.6 <sup>h</sup>	26.4	8.2
2	0 <sup>d</sup> 14.4 <sup>h</sup>	6.6	39.6	12	4 <sup>d</sup> 18.8 <sup>h</sup>	36.3	-3.3
3	0 <sup>d</sup> 20.5 <sup>h</sup>	1.2	52.8	13	5 <sup>d</sup> 21.5 <sup>h</sup>	39.6	-6.6
4	1 <sup>d</sup> 06.8 <sup>h</sup>	-19.8	85.8	14	6 <sup>d</sup> 20.1 <sup>h</sup>	37.9	-9.9
5	1 <sup>d</sup> 11.9 <sup>h</sup>	-39.6	98.7	15	8 <sup>d</sup> 04.8 <sup>h</sup>	36.3	-3.3
6	1 <sup>d</sup> 19.5 <sup>h</sup>	-46.2	92.4	16	9 <sup>d</sup> 09.5 <sup>h</sup>	26.4	8.2
7	1 <sup>d</sup> 23.2 <sup>h</sup>	-36.3	72.6	17	9 <sup>d</sup> 19.8 <sup>h</sup>	23.1	13.2
8	2 <sup>d</sup> 07.4 <sup>h</sup>	-4.9	42.9	18	10 <sup>d</sup> 06.1 <sup>h</sup>	14.9	23.1
9	2 <sup>d</sup> 15.6 <sup>h</sup>	9.9	33.1	19	10 <sup>d</sup> 15.2 <sup>h</sup>	3.3	36.3
10	3 <sup>d</sup> 01.8 <sup>h</sup>	16.5	23.2	20	11 <sup>d</sup> 02.5 <sup>h</sup>	-19.8	62.7

**Решение:**

Построяваме кривите на изменение на лъчевите скорости на двете компоненти на системата. Виждаме, че на високия оствър пик на лъчевата скорост на компонентата 1 съответства дълбок стръмен спад на лъчевата скорост на компонентата 2. На полегатия плавен спад на лъчевата скорост на звездата 1 съответства полегато плавно увеличение при звездата 2. Това се дължи на факта, че около моментите на минимумите и максимумите на лъчевите скорости направлението на действителните скорости на звездите е близко до направлението на зрителния лъч от земния наблюдател. Освен това, острите пикове и спадове отразяват бързото и силно нарастване на радиалната компонента на скоростта на всяка от звездите около перицентъра на нейната орбита относно центъра на масите на системата. Полегатите пикове и спадове отразяват движението на компонентите около апоцентровете на техните орбити. Симетричността на пиковете и спадовете говори за това, че всъщност скоростите на звездите в самите перицентрове и в апоцентровете на техните орбити практически съвпадат по направление със зрителния лъч. Следователно големите оси на елиптичните орбити на звездите са разположени

перпендикулярно на зрителния лъч от земния наблюдател. Зрителният лъч лежи в равнината на орбитите. Следователно лъчевите скорости в перицентровете и апоцентровете на елиптичната орбита на звездите, измерени по върховите стойности на графиката, са равни на действителните скорости на звездите в тези точки.



Прекарваме хоризонтална линия през точките, където двете графики на лъчевите скорости се пресичат. Нивото на тази линия определя лъчевата скорост, с която се движи центърът на масите на двойната звезда система относно нас. Тя е  $v_C = 20$  км/с. Когато определяме лъчевата скорост на коя да е от звездите в даден момент чрез измерване и отчитане по графиката, от тази измерена стойност винаги вадим  $v_C$ , за да получим лъчевата скорост на звездата относно центъра на масите.

Означаваме с  $v_{p1}$ ,  $v_{a1}$ ,  $v_{p2}$ ,  $v_{a2}$  скоростите в перицентъра и в апоцентъра съответно на звездата 1 и на звездата 2. От измерванията, като приведем стойностите към движение относно центъра на масите на системата, получаваме:

$$v_{p1} = 80 \text{ км/с}$$

$$v_{a1} = 30 \text{ км/с}$$

$$v_{p2} = 65 \text{ км/с}$$

$$v_{a2} = 20 \text{ км/с}$$

Отношението на масите на двете звезди  $M_1$  и  $M_2$  е:

$$n = \frac{M_1}{M_2} = \frac{v_{p2}}{v_{p1}} \approx 0.8$$